



رياضيات تطبيقية - سنة رابعة

القرر: الحلول العددية للمعادلات التكاملية
و الغاضبية الجزئية و مسائل القيم الحدية

ملاحظة: يسمح باستخدام الآلات الحاسبة العلمية و غير المبرمجة

المسألة الأولى (٢٥ درجة)

أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة العناصر المنتهية لحل المسألة التالية: $-u'' + u = x$ ، حيث $u(0) = u(1) = 0$ و $h = 0.25$ و نوال القاعدة هي حدوديات قطعية خطية.

المسألة الثانية (٢٥ درجة)

(١) استخدم طريقة كرنك - نيكلسون لإيجاد معادلة الفروق للمعادلة $u_t = \alpha u_{xx}$

حيث $0 \leq x \leq L$ و $u(t, 0) = f_1(t)$ و $u(t, L) = f_2(t)$ و $u(0, x) = g(x)$

(٢) هل تعتبر طريقة كرنك-نيكلسون طريقة ضمنية أم صريحة بالنسبة للزمن ، عبر عن ذلك بتمثيل معادلة الفروق بمخطط stencil.

(٣) ادرس استقرار الحلول بطريقة فورية.

المسألة الثالثة (٢٥ درجة)

لتكن لدينا $u_t = \alpha u_x$ حيث $u(0, x) = g(x)$ علماً بأن الحل القطعي له الشكل $u(t, x) = g(x - \alpha t)$ إذا علمت أننا استخدمنا الطريقة التقدمة للزمن و المركزية لـ (x) ادرس شرط (CFL) من أجل التقارب.

المسألة الرابعة (٢٥ درجة)

لتكن لدينا $u_{xx} = u_x$ حيث $u(x, 0) = \sin(\pi x)$ و $u_x(x, 0) = 0$ و $u(0, t) = u(1, t) = 0$ من أجل $t > 0$

أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة الفروق المركزية و بفرض $h = 0.25$ للمسافة $k = 0.125$ للزمن و بتكرار زمني مرة واحدة فقط.

انتهت الأسئلة

د. برلنت صبري مطيط



رياضيات تطبيقية - سنة رابعة

المقرر: الحلول العددية للمعادلات التفاضلية
و التفاضلية الجزئية و مسائل القيم الحدية

ملاحظة: يسمح باستخدام الآلات الحاسبة العلمية و غير المبرمجة

المسؤول الأول (٢٥ درجة)

لوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة العناصر المنتهية لحل المسألة التالية: $-u'' + u = x$
حيث $u(0) = u(1) = 0$ و $h = 0.25$ و نوال القاعدة هي حدوديات قطعية خطية.

المسؤول الثاني (٢٥ درجة)

(١) استخدم طريقة كرنك - نيكلسون لإيجاد معادلة الفروق المعادلة $u_t = \alpha u_{xx}$

حيث $u(t, 0) = f_1(t)$ و $u(t, L) = f_2(t)$ و $u(0, x) = g(x)$ $0 \leq x \leq L$

(٢) هل تعتبر طريقة كرنك-نيكلسون طريقة ضمنية أم صريحة بالنسبة للزمن ، عر عن ذلك بتمثيل معادلة الفروق بمخطط stencil .

(٣) لانس استقرار لطول بطريقة فوربية.

المسؤول الثالث (٢٥ درجة)

لنكن لدينا $u_t = \alpha u_{xx}$ حيث $u(0, x) = g(x)$ علماً بأن الحل الفعلي له الشكل $u(t, x) = g(x - \alpha t)$
إذا علمت أننا استخدمنا الطريقة التتمية للزمن و المركزية لـ (x) ادرس شرط (CFL) من أجل التقارب.

المسؤول الرابع (٢٥ درجة)

لنكن لدينا $u_{tt} = \alpha u_{xx}$ حيث $u(x, 0) = \sin(\pi x)$ و $u_t(x, 0) = 0$ و $u(0, t) = u(1, t) = 0$ من أجل $t > 0$

لوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة الفروق المركزية و يفرض $h = 0.25$ للمسافة $k = 0.125$ للزمن و يتكرر زمني مرة واحدة فقط.

$\frac{1}{8}$

انتهت الأمثلة

د. يرلنت صبري مطيط

اسم الطالب:

المدة: ساعات

العام الدراسي: الفصل الثاني 2012/2011



الجمهورية العربية السورية

جامعة دمشق - كلية العلوم

قسم الرياضيات

رياضيات تطبيقية - سنة رابعة

المقرر: الحلول العددية للمعادلات التفاضلية والتفاضلية

الجزئية ومسائل القيم الحدية

ملاحظة: يسمح باستخدام الآلات الحاسبة العلمية و غير المبرمجة

السؤال الأول (25 درجة)

أوجد حل المعادلة التفاضلية التالية: $\frac{d^2u}{dx^2} = -2x$; $0 \leq x \leq 1$ باستخدام رايلي-ريتز ، حيث

$$u(1) = u(0) = 0 \text{ و } n = 2$$

السؤال الثاني (30 درجة)

استخدم طريقة الفروق التقدمية للزمن و المركزية للموضع لإيجاد معادلة الفروق للمعادلة

$$u_t + au_x = 0 \text{ حيث } a > 0$$

(1) ادرس استقرار معادلة الفروق .

(2) أوجد شرط (CFL) ماذا تستنتج.

السؤال الثالث (20 درجة)

لتكن لدينا $u_x + u_y = x + y$ حيث $u(x,0) = 0$ و $u(0,y) = 0$

أوجد الحل بطريقة ADM التكرارية .

السؤال الرابع (25 درجة)

لتكن لدينا $\nabla^2 u = 0$ حيث الشروط الحدية هي $u(x,y) = x^2 - y^2$ من أجل $(y=0, y=1, x=0)$

و $(x=1)$ من أجل $u + u_x = x^2 + 2x - y^2$

أوجد الحل باستخدام طريقة الفروق المركزية و يفرض $k = h = \frac{1}{2}$

انتهت الأسئلة



رياضيات تطبيقية - سنة رابعة
المقرر: الحلول العددية للمعادلات
التكاملية و التفاضلية الجزئية و مسائل

ملاحظة: يسمح باستخدام الآلات الحاسبة العلمية و غير المبرمجة
السؤال الأول (30 درجة)

لتكن لدينا $0 < x < 1$; $u_x = u_{xx}$

$$u(1, x) = \sin(\pi x) \quad \text{وبفرض}$$

$$u(0, x) = u(t, 0) = 0$$

باستخدام طريقة ضمنية بحيث يكون خطأ الاقتران من المرتبة $O(h^2) + O(k^2)$
(1) أوجد معادلة الفروق .

$$T_{i,j} = \frac{k^2}{6} \frac{\partial^3 u}{\partial t^3} - \frac{h^2}{12} \frac{\partial^4 u}{\partial x^4} + (2\theta - 1) \frac{k}{h^2} \frac{\partial u}{\partial t} - \frac{k^2}{h^2} \frac{\partial^2 u}{\partial t^2}$$

ادرس شرط التماسك حسب θ, h, k .

(3) بفرض إننا طبقنا Lax Wendroff فوجدنا معادلة الفروق من الشكل

$$u_j^{n+1} = u_j^n - \frac{1}{2} \lambda (u_{j+1}^n - u_{j-1}^n) - \frac{1}{2} \lambda^2 (u_{j+1}^n - 2u_j^n + u_{j-1}^n)$$

أثبت أن شرط التقارب باستخدام تحليل فورييه يحقق $G \leq 1 - 4\lambda^2(1 - \lambda^2)$ ثم استنتج شرط التقارب

السؤال الثاني (25 درجة)

أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة العناصر المنتهية لحل المسألة
التالية: $0 < x < 1$, $u'' + 4u - x^2 = 0$, حيث $u(0) = u(1) = 0$ و $n = 2$ و دوال القاعدة هي
حدوديات من الشكل

$$\varphi_n(x) = \sin(\pi x n)$$

السؤال الثالث (20 درجة)

لتكن لدينا $u_x + u_y = x^2 + 4xy + y^2$ حيث $u_x(0, y) = 0$ و $u(0, y) = 0$
أوجد الحل بطريقة ADM التكرارية.

السؤال الرابع (25 درجة)

أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة الفروق المنتهية لحل المسألة التالية: $\nabla^2 u = 0$,
حيث المنطقة هي $R: \{0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1\}$ ومحيطها $\Gamma: u(x, y) = x^2 - y^2$ و $h = \frac{1}{3}$

انتهت الأسئلة

أشلة دوران للحلول العددية - سنة رابعة رياضيات تطبيقية -

ر. د. دينة و

اسم الطالب:

العدد: ساعتان

العام الدراسي: 2013/2012



الجمهورية العربية السورية

جامعة دمشق - كلية العلوم

قسم الرياضيات

١٥

رياضيات تطبيقية - سنة رابعة

المقرر: الحلول العددية للمعادلات

التكاملية و التفاضلية الجزئية و مسائل

ملاحظة: يسمح باستخدام الآلات الحاسبة العلمية و غير المبرمجة

السؤال الأول (25 درجة)

أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة العناصر المنتهية لحل المسألة التالية: $u'' + u = 3x^2$,

حيث $u(0) = 0, u(1) = 3.5$ و $h = 0.25$ و دوال القاعدة هي حدوديات من الشكل

$$\varphi_1(x) = x(x-1)$$

$$\varphi_2(x) = x^2(x-1)$$

السؤال الثاني (25 درجة)

أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة الفروق المنتهية لحل المسألة التالية: $\nabla^2 u = 0$,

حيث المنطقة هي $R: \{0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1\}$ ومحيطها $\Gamma: u(x, y) = x^2 - y^2$ و $h = \frac{1}{3}$

السؤال الثالث (25 درجة)

لتكن لدينا $u_{xx} = u_y$

$$u(0, x) = \sin(\pi x); 0 < x < 1$$

$$u(0, x) = u(r, 0) = 0$$

إذا علمت أننا استخدمنا الطريقة التتمعية للزمن و المركزية لـ (x)

(1) أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة الفروق المركزية و بغرض $h = 0.25$ للمسافة

$k = 0.125$ للزمن و بتكرار زمني مرة واحدة فقط.

(2) ادرس شرط فوربييه من أجل التقارب.

السؤال الرابع (25 درجة)

لتكن لدينا $u_x + u_y = x + y$ حيث $u_x(x, 0) = 0$ و $u(0, y) = 0$

أوجد الحل بطريقة ADM التكرارية.

انتهت الأسئلة

د. برلنت صبري مطبوع



رياضيات تطبيقية - سنة رابعة

المقرر: الحلول العددية للمعادلات التفاضلية و
التفاضلية الجزئية و مسائل القيم الحدية

ملاحظة: يسمح باستخدام الآلات الحاسبة العلمية و غير المبرمجة
السؤال الأول (25 درجة)

لتكن لدينا $0 < x < 1$; $u_t = u_{xx}$

$$u(1, x) = \sin(\pi x)$$

حيث

$$u(0, x) = u(t, 0) = 0$$

باستخدام طريقة كرونك - نيكلسون .

(1) أوجد معادلة الفروق .

(2) ادرس شرط التقارب .

السؤال الثاني (25 درجة)

أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة العناصر المنتهية لحل المسألة التالية:

$$h = \frac{1}{4}, \quad u(0) = u(1) = 0 \quad \text{حيث} \quad u'' + 4u - x^2 = 0, \quad 0 < x < 1$$

السؤال الثالث (25 درجة)

لتكن لدينا $u_t + au_x = 0$

بفرض معادلة الفروق من الشكل

$$u_i^{j+1} = Au_{i+1}^j + Bu_i^j + Cu_{i-1}^j$$

باستخدام طريقة Lax Wendroff

(1) أوجد A, B, C .

(2) ادرس شرط التقارب .

السؤال الرابع (25 درجة)

أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة الفروق المنتهية لحل المسألة التالية: $\nabla^2 u = 0$,

حيث المنطقة هي $\{1 \leq x \leq 2, 0 \leq y \leq 1\}$ ومحيطها

$$h = \frac{1}{3} \quad \Gamma: \begin{cases} u(x, 0) = 2 \ln(x) & u(x, 1) = \ln(x^2 + 1) \\ u(1, y) = \ln(y^2 + 1) & u(2, y) = \ln(y^2 + 4) \end{cases}$$

انتهت الأسئلة

اسم الطالب:

المدة : ساعتان

العام الدراسي: فصل ثاني 2014/2013



الجمهورية العربية السورية

جامعة دمشق - كلية العلوم

قسم الرياضيات

رياضيات تطبيقية - سنة رابعة

الحلول العددية للمعادلات التكاملية

والفاصلية الجزئية و مسائل القيم الحدية

ملاحظة: يسمح باستخدام الآلات الحاسبة العلمية و غير المبرمجة
السؤال الأول (27 درجة)

أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة العناصر المنتهية لحل المسألة التالية:

$$h = \frac{1}{3} \text{ و } u(0) = u(1) = 0 \text{ ، حيث } u'' + 3u - e^x = 0, 0 < x < 1$$

السؤال الثاني (30 درجة)

لتكن لدينا $u_t + au_x = 0$ حيث $u(x, 0) = g(x)$ و الحل العام من الشكل $u(x, t) = g(x - at)$ بفرض معادلة الفروق من الشكل

$$u_i^{j+1} = Au_{i+1}^j + Bu_i^j + Cu_{i-1}^j$$

باستخدام طريقة Lax Friedrichs.

$$(1) \text{ اثبت أن } A = \frac{1}{2}(1 - \lambda), B = 0, C = \frac{1}{2}(1 + \lambda)$$

(2) أوجد شرط التقارب (CFL). أوضح ذلك بالرسم.

(3) ادرس شرط التقارب بطريقة فورية.

السؤال الثالث (27 درجة)

أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة الفروق المنتهية لحل المسألة التالية: $\nabla^2 u = 0$ ،

حيث المنطقة هي $R: \{1 \leq x \leq 2, 0 \leq y \leq 1\}$ ومحيطها

$$h = \frac{1}{3} \text{ و } \Gamma: \begin{cases} u(x, 0) = 2\ln(x) & u(x, 1) = \ln(x^2 + 1) \\ u(1, y) = \ln(y^2 + 1) & u(2, y) = \ln(y^2 + 4) \end{cases}$$

السؤال الرابع (16 درجة)

لتكن لدينا $u_t = u_{xx}$; $0 < x < 1$

$$u(1, x) = \sin(\pi x)$$

حيث

$$u(0, x) = u(t, 0) = 0$$

باستخدام طريقة (θ) الضمنية و بفرض لدينا $T_{i,j} = \frac{k^2}{6} \frac{\partial^3 u}{\partial t^3} - \frac{h^2}{12} \frac{\partial^4 u}{\partial x^4} + (2\theta - 1) \frac{k}{h^2} \frac{\partial u}{\partial t} - \frac{k^2}{h^2} \frac{\partial^2 u}{\partial t^2}$ ادرس شرط التماسك حسب θ, h, k .

انتهت الأسئلة



رياضيات تطبيقية - سنة رابعة

المقرر: الحلول العددية للمعادلات التكاملية
والتفاضلية الجزئية و مسائل القيم الحدية

ملاحظة: يسمح باستخدام الآلات الحاسوبية العلمية و غير المبرمجة

السؤال الأول (25 درجة)

أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة العناصر المنتهية لحل المسألة التالية: $u'' + u = 3x^2$ ،
حيث $u(0) = 0, u(1) = 3.5$ و $h = 0.25$ و نوال القاعدة هي حدوديات من الشكل

$$\varphi_1(x) = x(x-1)$$

$$\varphi_2(x) = x^2(x-1)$$

السؤال الثاني (25 درجة)

استخدم طريقة الفروق التقدمية للزمن و المركزية للموضع لإيجاد معادلة الفروق للمعادلة
 $u_t + au_x = 0$ حيث $a > 0$

(1) ادرس استقرار معادلة الفروق .

(2) أوجد شرط (CFL) ماذا تستنتج.

السؤال الثالث (25 درجة)

لكن لدينا $u_{xx} = u_t$

$$u(0, x) = \sin(\pi x); 0 < x < 1$$

$$u(t, 0) = u(t, 1) = 0$$

إذا علمت أننا استخدمنا الطريقة التقدمية للزمن و المركزية لـ (x)

(1) أوجد الشكل المصفوفي $AU = F$ باستخدام طريقة الفروق المركزية و بفرض $h = 0.25$ للمسافة
 $k = 0.125$ للزمن و بتكرار زمني مرة واحدة فقط .

(2) ادرس شرط ثوربيه من أجل التقارب.

السؤال الرابع (25 درجة)

لكن لدينا $\nabla^2 u = 0$ حيث الشروط الحدية هي $u(x, y) = x^2 - y^2$ من أجل $(y = 0, y = 1, x = 0)$

$$u + u_x = x^2 + 2x - y^2 \text{ من أجل } (x = 1)$$

أوجد الحل باستخدام طريقة الفروق المركزية و بفرض $k = h = \frac{1}{2}$

انتهت الأسئلة



رياضيات تطبيقية - سنة رابعة

المقرر: الحلول العددية للمعادلات التكاملية و التفاضلية

الجزئية و مسائل القيم الحدية

ملاحظة: يسمح باستخدام الآلات الحاسبة العلمية و غير المبرمجةالسؤال الأول (٣٠ درجة)

أوجد الشكل المصفوفي للمعادلة التفاضلية التالية: $\frac{d^2u}{dx^2} - u = -x$; $0 \leq x \leq 1$ باستخدام طريقة العناصر المنتهية، حيث $u(1) = u(0) = 0$ و $n = 4$ و $h = 0.2$ و دوال التقريب هي دوال قطعية من درجة أولى.

السؤال الثاني (٣٥ درجة)١) استخدم طريقة Lax-wendroff لإيجاد معادلة الفروق للمعادلة $u_t = u_{xx}$

٢) درس استقرار معادلة الفروق .

السؤال الثالث (٣٥ درجة)

استخدم طريقة الفروق المركزية للزمن و للموضع لإيجاد الشكل المصفوفي للمعادلة التفاضلية التالية:

$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} ; 0 \leq x \leq 1$$

$$u(x, 0) = \sin(\pi x) ; 0 \leq x \leq 1$$

$$\frac{\partial u}{\partial t}(x, 0) = 0 ; 0 \leq x \leq 1$$

$$u(0, t) = u(1, t) = 0, t > 0$$

$$h = \frac{1}{4}, k = \frac{1}{8}$$

$$i = 0, 1, 2, 3, 4, j = 0, 1, 2$$

حيث

انتهت الأسئلة