

\* صيغة تشومسكي المعيارية: (Chomsky Normal Form) (CNF) :

تتضمن هذه الصيغة على أن جميع القواعد يجب أن يكون لها أحد الشكلين:

(1)  $A \rightarrow BC$  : أي رمزين لايزنيتين كالآتي:

(2)  $A \rightarrow a$  : أي متحول صغير كالآتي:

حيث:  $a \in T$  و  $A, B, C \in V$

- يتم التحويل لصيغة تشومسكي المعيارية بعد القيام بعدة خطوات، ونذكرها لاحقاً. من أجل التخلص من الرموز العائدة للقواعد الأحادية في الترميز العائدية.

تكون (1) تحويل القواعد العائدية لصيغة تشومسكي المعيارية:

(\*)  $A \rightarrow aBC$

لكن لدينا القاعدة العائدية

التي نلاحظ أن هذه القاعدة لها شكل تعاقب رموز في صيغتها (a) ونقارن رمزين لايزنيتين (B و C).  
 نريد تحويلها لأحد الشكلين تشومسكي (1) أو (2) وهذا الأفضل تحويلها للشكل (2).

①  $D \rightarrow BC$  لنفرض أنه D يعطي BC كالآتي:

②  $E \rightarrow a$  ولنفرض أن E أيضاً يعطي a كالآتي:

لنفهم الآلية بتعويض ① في ② كالآتي:

$A \rightarrow ED$

لتصبح القاعدة حسب صيغة تشومسكي كالآتي:

$A \rightarrow ED$

$D \rightarrow BC$  و  $E \rightarrow a$

أو بطريقة ثانية: نفرض أن  $L = aB$  يعني  $B$  كالنبي.

$$L \rightarrow aB$$

لتصبح القواعد كالآتي:

$$A \rightarrow LC$$

$$L \rightarrow aB$$

وهذه ليست صيغة تشومسكي المعيارية لأنه يجب علينا أيضاً تحويل  $L$  لصيغة تشومسكي المعيارية كالآتي:

نفرض أن  $N$  يعني  $a$  كالآتي:

$$N \rightarrow a$$

لتصبح القواعد حسب صيغة تشومسكي المعيارية كالآتي:

$$A \rightarrow LC$$

$$L \rightarrow NB$$

$$N \rightarrow a$$

تمرين 2: تحويل القواعد التالية لصيغة تشومسكي المعيارية:

$$① S \rightarrow aB / bA$$

$$② A \rightarrow a / aS / bAA$$

$$③ B \rightarrow b / bS / aBB$$

الحل: لنبدأ بـ ① والتي هي كالآتي:

$$S \rightarrow aB / bA \iff \begin{cases} S \rightarrow aB \\ S \rightarrow bA \end{cases}$$

نفرض أن  $C_a$  يعني  $a$  :

$$C_a \rightarrow a \quad ; \quad C_b \rightarrow b$$

لتصبح القاعدة ① حسب صيغة تشومسكي المعيارية كالآتي:

$$\begin{cases} S \rightarrow C_a B / C_b A \\ C_a \rightarrow a \\ C_b \rightarrow b \end{cases} \iff \begin{cases} S \rightarrow C_a B \\ S \rightarrow C_b A \\ C_a \rightarrow a \text{ و } C_b \rightarrow b \end{cases}$$

البنية القاعدية ②

$$A \rightarrow a / a S / b A A$$

$$C_a \rightarrow a$$

$$C_b \rightarrow b$$

لتقريب التنبؤ

فصنع القاعدة كالتالي بعد التقويم:

$$A \rightarrow a / C_a S / C_b A A$$

$$C_{AA} \rightarrow A A$$

أدخنا لتقريب:

لتصبح القاعدة ② حسب صيغة قنوتو هيبي المبدأ الثاني:

$$A \rightarrow a / C_a S / C_b C_{AA}$$

$$C_a \rightarrow a$$

$$C_b \rightarrow b$$

$$C_{AA} \rightarrow A A$$

ملاحظة: البنية  $C_a$  و  $C_b$  و  $C_{AA}$  مجرد رموز

لا يمكن وضع بدلها عنزي أي كرموز أكبر مثل:  $N, M, K$

البنية القاعدية ③

$$B \rightarrow b / b S / a B B$$

$$C_a \rightarrow a$$

$$C_b \rightarrow b$$

لتقريب التنبؤ:

فصنع بعد التقويم كالتالي:

$$B \rightarrow b / C_b S / C_a B B$$

و لتقريب التنبؤ:

$$C_{BB} \rightarrow B B$$

لتصبح القاعدة ③ حسب صيغة تشومسكي المعيارية كالآتي:

$$B \rightarrow b / C_b S / C_a C_{BB}$$

$$C_a \rightarrow a$$

$$C_b \rightarrow b$$

$$C_{BB} \rightarrow BB$$

فمنه تصبح القواعد ① و ② و ③ حسب تشومسكي المعيارية:

$$S \rightarrow C_a B / C_b A$$

$$A \rightarrow a / C_a S / C_b C_{AA}$$

$$B \rightarrow b / C_b S / C_a C_{BB}$$

$$C_a \rightarrow a$$

$$C_b \rightarrow b$$

$$C_{AA} \rightarrow AA$$

$$C_{BB} \rightarrow BB$$

تجربتين ③ و ① جدول لصيغة تشومسكي المعيارية ما يلي:

$$S \rightarrow abc$$

الخطوة ①:  
لتصبح القاعدة ①

$$M \rightarrow a$$

$$N \rightarrow b$$

$$K \rightarrow c$$

لتصبح القاعدة كالآتي:

$$S \rightarrow MNK$$

$$F \rightarrow MN$$

الخطوة ②:  
لتصبح القاعدة ②

فمنه تصبح القاعدة حسب صيغة تشومسكي المعيارية كالآتي:

S → E, K

F → M, N

M → a

N → b

K → c

### خوارزمية "Cyk"

تفيد هذه الخوارزمية اتخاذ القرار فيما إذا كانت سلسلة ما تنتمي للغة الجولية بواسطة نموذج قواعدي تحقق ضمنية

تتو منى المتباركة

شرح عن هذه الخوارزمية وكيفية عملها

إذا كان لدينا لغة جولية  $L$  ونريد معرفة إذا كانت  $L$  تحتوي على كلمة ما أم لا

يالتالي:

1) ملئ المربعات 1 و 2 و 3

استم شجرة ضمن الأمثلة

2) ملئ المربع 4 بحسب الرسمة

نظر للمربعين 1 و 2 كما الخط المرسوم

أي نظر للمربع الذي يقع فوق المربع 4

مباشرة والذي هو 1 مع النظر للمربع الذي يقع

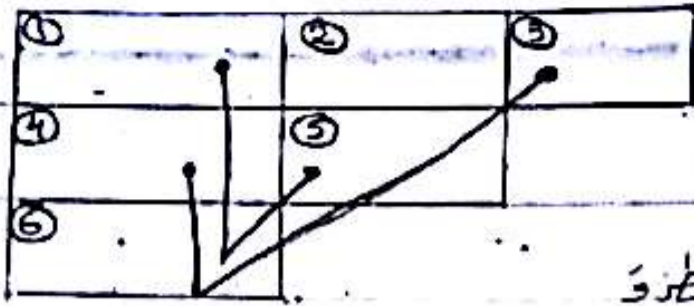
على يمين المربع 1 والذي هو 2

3) ملئ المربع 5 بحسب الرسمة والخط المرسوم

نظر للمربعين 2 (الذي يقع فوق المربع 3 مباشرة) و 3 (الذي يقع على يمين المربع 2)

المربع 2

٣) ملئ المربع 6 :



فتاح هذا الخطوتين :

الخطوة الأولى :

تنظر للمربع 1 « الذي يقع في أول سطرو »

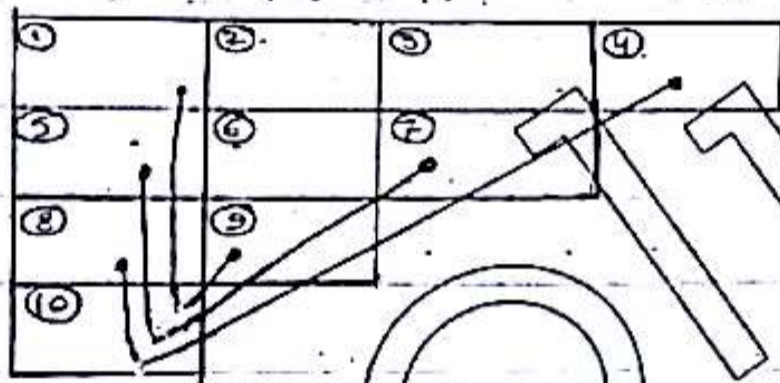
أول عمود به أسرار هو المربع 6 مباشرة « و 5 « كما في الصورة مرفقة »

الخطوة الثانية :

تنظر للمربع 4 « الذي يقع فوق المربع 6 مباشرة « و 3 « كما في الصورة »

« هذه الخوارزمية في حال كانت سلسلة من ثلاثة بنود »

- إذا كانت السلسلة مكونة من أربعة بنود فترسم لها جدولاً كما يلي :



١) ملئ المربعات 5 و 6 و 7 :

المربع 5 : تنظر للمربع 1 و 2

المربع 6 : ~ ~ ~ 2 و 3

المربع 7 : ~ ~ ~ 3 و 4

٢) ملئ المربعات 8 و 9 :

المربع 8 : خطوتين : I تنظر للمربعين 1 و 6

II ~ ~ ~ 5 و 6

المربع 9 : خطوتين : I تنظر للمربعين 2 و 7

II ~ ~ ~ 6 و 4

٣) ملئ المربع 10 : فتاح ثلاث خطوات :

الخطوة I : تنظر للمربعين 1 و 9 « كما في الصورة »

الخطوة II : تنظر للمربعين 5 و 7 « كما في الصورة »

الخطوة III : تنظر للمربعين 8 و 4 « كما في الصورة »

\* ملاحظة : لتدريب ترقيم المربعات في التمارين السابقة لتوضيح

الخوارزمية فقط

أمثلة 4

- ①  $S \rightarrow AB/BC$
- ②  $A \rightarrow BA/a$
- ③  $B \rightarrow CC/b$
- ④  $C \rightarrow AB/a$

استخدم خوارزمية Cyk لتحديد فيما إذا كانت السلسلة  $aaaa$  تنتمي للغة المولدة بواسطة القواعد السابقة.  
 الحل: لدينا السلسلة مكونة من رموز مكرر (5) مرات لذلك تكون الجدول من الشكل التالي:

	a	a	a	a	a
①	A, C	② A, C	③ A, C	④ A, C	⑤ A, C
⑥	B	⑦ B	⑧ B	⑨ B	
⑩	S, A, C	⑪ S, C, A, A, S	⑫ S, C, A, A, S		
⑬	B	⑭ B			
⑮	S, A, C				

4 أولاً:  
 ملأ المربعات في سطر الأول في  
 إشارة كل من المربعات  
 ① و ② و ③ و ④ و ⑤  
 بمفردها نفس الرمز وهو  $a$   
 وإشارة  $a$  مولد من القواعد  
 ② و ④ أي من:  
 $A, C$  و  $C, A$  إذن يكتب في المربعات  
 الأولى:  $A, C$

ثانياً: ملأ المربعات ⑥ و ⑦ و ⑧ و ⑨ كما شرحنا في  
 الخوارزمية سابقاً

- المربع ⑥: ننظر للمربعين ① و ②. كالتالي:  
 نأخذ بالترتيب من اليسار أي من المربع ① للمربع أي المربع ② ما يلي:  
 $(A, C)$  و  $(A, C)$   
 مربع ① مربع ②

$(A, C), (A, C) \xrightarrow{\text{فصل على C}} (AA, AC, CA, CC)$

الآن نرى فيما إذا كانت هذه لتتوافق:  $AA, AC, CA, CC$  مولدة من إحدى قواعد اللغة أم لا.

إنه  $AA, AC, CA$  غير مولدة من قواعد اللغة.

وبنى  $CC$  مولدة من القاعدة ③، إذ أنه ينضج  $B$  في المربع ⑥

وبعض الطرق للمربعات ⑦, ⑧, ⑨ أي نضع  $B$  بينهم

ثالثاً: على المربعات ⑩, ⑪, ⑫ «ما شتر صانع الجوارزنتية»

- المربع ⑩ نظومتين I. ننظر للمربعين ① و ⑦

أخذ بالترتيب من اليسار المربع ① للعبارة المربع ⑦. كالتالي:

$(A, C) \xrightarrow{\text{فصل على C}} AB, CB$

إنه  $AB$  مولدة من القاعدة ①، إذ أنه ينضج  $S$  في المربع ⑩

من  $CB$  غير مولدة من قواعد اللغة

II. ننظر للمربعين ⑤ و ③

نأخذ بالترتيب من اليسار المربع ⑥ للعبارة المربع ③. كالتالي:

$(A, C) \xrightarrow{\text{فصل على C}} BA, BC$

إنه  $BC$  مولدة من القاعدة ①، إذ أنه ينضج  $S$  في المربع ⑩

إنه  $BA$  مولدة من القاعدة ②،  $A \sim A \sim A$  ⑩

بالإضافة ينضج  $S$  في المربع ⑩:  $S, A, C$

- المربع ⑪ نظومتين I. ننظر للمربعين ② و ⑧

$(A, C) \xrightarrow{\text{فصل على C}} AB, CB$

إنه  $AB$  مولدة من القاعدة ① و ④، إذ أنه ينضج  $S$  في المربع ⑩

$S$  و  $C$

إنه  $CB$  غير مولدة من قواعد اللغة

II منظر للمربعين ⑦ و ④  
 خفض على  $(B), (A, C) \rightarrow BA, BC$

إِنَّ  $BA$  مولد من القاعدة ②، إذ أنه ينضح  $A$  في المربع ⑪  
 إِنَّ  $BC$  مولد من القاعدة ①، إذ أنه ينضح  $S$  في المربع ⑪

بالترتيب المربع ⑪ ينضح فيه  $S, C, A$

المربع ⑫ خطوطه: I منظر للمربعين ③ و ⑨  
 خفض على  $(A, C), (B) \rightarrow AB, CB$

كما يجب  $CB$  مولد من قواعد اللغة  
 فبما  $AB$  مولد من القاعدة ① و ④، إذ أنه ينضح

$S$  و  $C$  في المربع ⑫

II منظر للمربعين ⑤ و ⑧

خفض على  $(B), (A, C) \rightarrow BA, BC$

إِنَّ  $BC$  مولد من القاعدة ①، إذ أنه ينضح  $S$  في المربع ⑫  
 إِنَّ  $BA$  مولد من القاعدة ②، إذ أنه ينضح  $A$  في المربع ⑫

بالترتيب ينضح  $S, C, A$  في المربع ⑫

مربعاً: على المربعات ⑬ و ⑭:

المربع ⑬ بثلاث خطوات:

I منظر للمربعين ① و ⑪:

خفض على  $(A, C), (S, C, A)$

$AS, AC, AA, CS, CA, CA$

إِنَّ  $AS, AC, AA, CS, CA$  مولدات من قواعد اللغة

إِنَّ  $CA$  مولد من القاعدة ③، إذ أنه ينضح  $B$  في المربع ⑬

II) ننظر للمربع 5 و 8 :

$BB$   $\xrightarrow{\text{مثل 4}}$   $(B), (B)$

إِنَّه  $BB$  غير مولد من قواعد اللغة.

III) ننظر للمربع 10 و 4 :

$SA, SC, AA, AC, CA, CC$   $\xrightarrow{\text{مثل 4}}$   $(S, A, C), (A, C)$

إِنَّه  $SA, SC, AA, AC, CA$  غير مولدات من قواعد اللغة.

إِنَّه  $CC$  مولد من القاعدة 3، إذنه ينضج  $B$  في المربع 13.

بالترتيب ينضج  $B$  في المربع 13.

المربع 14) تبدأ الخطوات

I) ننظر للمربع 21 و 12 :

$(A, C), (S, A, C)$   $\xrightarrow{\text{مثل 4}}$

$AS, AA, AC, CS, CA, CC$

أيضاً إِنَّه  $CC$  مولد من قواعد القاعدة 3، إذنه ينضج

$B$  في المربع 14.

II) ننظر للمربع 7 و 9 :  $BB$   $\xrightarrow{\text{مثل 4}}$  وهو غير مولد من

قواعد اللغة.

III) ننظر للمربع 11 و 5 :

$AA, AC, CA, CC, SA, SC$   $\xrightarrow{\text{مثل 4}}$   $(A, C, S), (A, C)$

لأننا فقط  $CC$  مولد من القاعدة 3 للغة، إذن ينضج  $B$  في المربع 14.

بالترتيب ينضج  $B$  في المربع 14.

خامساً: على المربع 15) أربع خطوات :

I) ننظر للمربع 1 و 14 :

$AB, CB$   $\xrightarrow{\text{مثل 4}}$   $(A, C), (B)$

إِنَّه  $AB$  مولد من لقاعدتي 1 و 4 للغة، إذنه ينضج

$S$  و  $C$  في المربع 15.

2) تنظر للمربعين 12 و 13

$(B), (C, A, S) \xrightarrow{H} BC, BA, BS$

إِنَّه  $BS$  مولد من قواعد اللغة

إِنَّه  $BA$  مولد من بقاعدة 12، اذ من ينضع  $A$  في المربع 15

إِنَّه  $BC$  مولد من بقاعدة 13، اذ من ينضع  $S$  في المربع 15

3) تنظر للمربعين 10 و 11

$(S, A, C), (B) \xrightarrow{H} SB, AB, CB$

فقط  $AB$  مولد من بقاعدتي 10 و 11، اذ من ينضع  $S$  و  $C$

في المربع 15

4) تنظر للمربعين 13 و 14

$(B), (A, C) \xrightarrow{H} BA, BC$

إِنَّه  $BC$  مولد من بقاعدة 13، اذ من ينضع  $S$  في المربع 15

إِنَّه  $BA$  مولد من بقاعدة 14، اذ من ينضع  $A$  في المربع 15

بالترتيب ينضع  $S, C, A$

في المربع 15

الآن بعد ما نكمل الجدول تنظر للمربع الأخير والذي هو 15 في مثالنا

لنرى فيها إذا كانت السلسلة تنتمي للغة أو لا، ولطيف في القواعد أعطاه

إذا وجد الرمز  $S$  في المربع الأخير فبعض النظم إذا كان مع رموز أخرى

أم لو وجد في المربع نقول أنه السلسلة تنتمي للغة

والأفلا

في مثالنا إِنَّه  $S$  موجود في المربع الأخير إذن السلسلة تنتمي

لغة

\* نضرب الترميز ويمكننا استخدام خوارزمية  $CYK$  لتقسيمها إذا كانت

السلسلة  $baaba$  تنتمي للغة المولدة بواسطة القواعد السابقة

	b	a	a	b	a
①	B	A, C	A, C	B	A, C
②	A, S	B	S, C	A, S	
③	∅	B	B		
④	∅	A, S, C			
⑤	S, A, C				

- المربع ① : إنه  $\alpha$  رمز مولد منه

القاعدة ③ لذلك نضع B في المربع ①

- المربع ② : إنه  $\alpha$  رمز مولد منه القاعدة ② و ④ لذلك نضع A, C في المربع ②

في المربع ③ : نفس ②

- المربع ④ : نفس ①

- المربع ⑤ : نفس ②

- المربع ⑥ : ننظر للمربعين ① و ④

$(B), (A, C) \xrightarrow{\text{نفس ①}} BA, BC$

إنه  $BA$  مولد من القاعدة ② لذلك نضع A في المربع ⑥

$(B), (A, C) \xrightarrow{\text{نفس ①}} BA, BC$

- المربع ⑦ : ننظر للمربعين ② و ③

$(A, C), (A, C) \xrightarrow{\text{نفس ①}} AA, AC, CA, CC$

إنه  $CA$  مولد من القاعدة ③ لذلك نضع B في المربع ⑦

- المربع ⑧ : ننظر للمربعين ③ و ④

$(A, C), (B) \rightarrow AB, CB$

إنه  $AB$  مولد من القاعدة ① و ④ لذلك نضع S في المربع ⑧

- المربع ⑨ : ننظر للمربعين ④ و ⑤

$(B), (A, C) \rightarrow BA, BC$

إنه  $BC$  مولد من القاعدة ① لذلك نضع S في المربع ⑨

$(B), (A, C) \rightarrow BA, BC$

المربع ⑩ : نظر للمربع ① و ⑦ : لا تنفي لقواعد اللغة  
 $(B), (B) \rightarrow BB$

المربع ⑪ : نظر للمربع ⑥ و ⑧ :  
 $(A, S), (A, C) \rightarrow AA, AC, SA, SC$

جميع النواتج لا تنفي لقواعد اللغة

بالرغم من وضع مربع ⑩ :  $\emptyset$

المربع ⑫ : نظر للمربع ② و ⑧ :  
 $(A, C'), (S, C) \rightarrow AS, AC', CS', CC'$

إنه  $CC'$  تنفي القاعدة ③ لذلك تضع  $B$  في مربع ⑫

المربع ⑬ : نظر للمربع ④ و ④ : لا تنفي لقواعد اللغة  
 $(B), (B) \rightarrow BB$

بالرغم من وضع  $B$  في مربع ⑫

المربع ⑭ : نظر للمربع ③ و ③ :  
 $(A, C'), (A, S) \rightarrow AA, AS, CA, CS$

جميع النواتج لا تنفي اللغة

المربع ⑮ : نظر للمربع ⑤ و ⑤ :  
 $(S, C), (A, C) \rightarrow SA, SC, CA, CC$

إنه  $CC$  موافق القاعدة ③ لذلك تضع  $B$  في مربع ⑫

المربع ⑯ : نظر للمربع ① و ① :  
 $(B), (B) \rightarrow BB$

لا تنفي لقواعد اللغة  
 نظر للمربع ⑥ و ⑧ :

المربع ⑰ : نظر للمربع ④ و ④ :  
 $(A, S), (S, C) \rightarrow AS, AC, SS, SC$

جميعها لا تنفي لقواعد اللغة

المربع ⑱ : نظر للمربع ④ و ④ : لا تنفي لقواعد اللغة  
 $\emptyset, (B) \rightarrow B$

بالتباديل صحيح هو المربع (13)

المربع (14) نظر للمربعين (2) و (12)

$$(A, C), (B) \rightarrow AB, CB$$

البنية AB مولد القاعدة سوية (1) و (4) لذلك نضع S و C في المربع (14)

نظر للمربعين (7) و (9)

$$(B), (A, S) \rightarrow BA, BS$$

البنية BA مولد القاعدة (2) لذلك نضع A في المربع (14)

نظر للمربعين (11) و (5)

$$(B), (A, C) \rightarrow BA, BC$$

البنية BA مولد القاعدة (2) لذلك نضع A في المربع (14)

البنية BC (1) ~ ~ ~ S ~ ~ ~ (14)

لذلك نضع A, S, C في المربع (14)

المربع (15) : نظر للمربعين (1) و (14)

$$(B), (A, S, C) \rightarrow BA, BS, BC$$

البنية BA مولد القاعدة (2) لذلك نضع A في المربع (15)

البنية BC (1) ~ ~ ~ S ~ ~ ~ (15)

نظر للمربعين (6) و (12)

$$(A, S), (B) \rightarrow AB, SB$$

البنية AB مولد القاعدة سوية (1) و (4) لذلك نضع S و C في المربع (15)

نظر للمربعين (10) و (9)

$$\emptyset, (A, S) \rightarrow A, S$$

غير مولدات من قواعد اللغة

نظر للمربعين (13) و (5)

$$\emptyset, (A, C) \rightarrow A, C$$

غير مولدات من قواعد اللغة

بالتباديل نضع A, S, C في المربع (15)

البنية S مولد في المربع الأخير فالسلسلة baaba تنتمي للغة

تحويل (1)

لنكن لدينا مجموعة القواعد كالتالي:

$$S \rightarrow aB / bA$$

$$A \rightarrow a / aS / bAA$$

$$B \rightarrow b / bS / aBB$$

اكتفم بوازميتي  $CyK$  لتقدير فيما إذا كانت اللغة  $abbbaaa$  تنتمي للغة المولدة بالقواعد السابقة.

الحل: نلاحظ ان القواعد ليست بسيطة لتومسكي لذلك سنحوّلها أولاً لصيغة تومسكي المعيارية لتتبع استخدام بوازميتي  $CyK$  في القبول لاختبر تومسكي طعيارية.

خطوة (1):  $S \rightarrow EB / FA$

$$E \rightarrow a$$

$$F \rightarrow b$$

$$A \rightarrow a / ES / FAA$$

$$B \rightarrow b / FS / EBB$$

خطوة (2): يجب علينا أيضاً تحويل اللغة لصيغة تومسكي لتتبع كالتالي:

①  $S \rightarrow EB / FA$

②  $E \rightarrow a$

③  $F \rightarrow b$

④  $A \rightarrow a / ES / FG$

⑤  $G \rightarrow AA$

⑥  $B \rightarrow b / FS / EH$

⑦  $H \rightarrow BB$

الآن أصبح بإمكاننا استخدام  $CyK$  نعالقواعد ① ..... ⑦ لترسيم الجدول كما فعلنا سابقاً:

	a	b	b	b	a	a
①	A, E	B, F	B, F	B, F	A, E	A, E
②	S	H	H	S	G	
③	B	∅	B	A		
④	H	H	S			
⑤	∅	B				
⑥	S					

على المربعات :

- المربع ① : لأنه الرمز a موجوده له لقواعد ④ و ⑤ ، اذ انه لنضع E و A في المربع ①
- المربع ② : لأنه الرمز b موجوده له لقواعد ③ و ⑥ ، اذ انه لنضع F و B في المربع ②
- المربع ③ : لأنه الرمز b موجوده له لقواعد ③ و ⑥ ، اذ انه لنضع F و B في المربع ③
- المربع ④ : لأنه الرمز a موجوده له لقواعد ① و ⑤ ، اذ انه لنضع E و A في المربع ④
- المربع ⑤ : لأنه الرمز b موجوده له لقواعد ③ و ⑥ ، اذ انه لنضع F و B في المربع ⑤
- المربع ⑥ : لأنه الرمز a موجوده له لقواعد ① و ⑤ ، اذ انه لنضع E و A في المربع ⑥

بالاعتماد على المربعين ① و ② كما يلي

لدينا EB موجوده لقاعدة ⑦ لذلك نضع S في المربع ⑦

المربع ⑧ : بالاعتماد على المربعين ② و ③

لدينا BB موجوده لقاعدة ⑦ لذلك نضع H في المربع ⑧

المربع ⑨ : نفس المربع ⑧ ، ولذا بالاعتماد على المربعين ③ و ④

المربع ⑩ : بالاعتماد على المربعين ④ و ⑤

لدينا FA موجوده لقاعدة ⑦ لذلك نضع S في المربع ⑩

المربع ⑪ : بالاعتماد على المربعين ⑤ و ⑥

لدينا AA موجوده لقاعدة ⑤ لذلك نضع G في المربع ⑪

المربع ⑫ : بالاعتماد على المربعين ① و ②

لدينا AH, EH موجوده لقاعدة ⑦

لدينا  $E, H$  جولد من القاعدة ⑥ لذلك نضع  $B$  في المربع ⑫

المربع ⑫ : بالاعتماد على المربعين ⑦ و ③ :  
 $S, B, SF$   $\xrightarrow{\text{نقل على}} (S), (B, F)$

جميع النواتج لا تنفي لقواعد اللغة.

بالترتيب نضع  $B$  في المربع ⑫

المربع ⑬ : بالاعتماد على المربعين ② و ⑤ :  
 $B, H, FH$   $\xrightarrow{\text{نقل على}} (B, F), (H)$

جميع النواتج غير مولدة من قواعد اللغة.

المربع ⑭ : بالاعتماد على المربعين ⑧ و ④ :

$H, B, HF$   $\xrightarrow{\text{نقل على}} (B, F), (H)$

جميع النواتج غير مولدة من قواعد اللغة.

بالترتيب نضع  $B$  في المربع ⑬

المربع ⑮ : بالاعتماد على المربعين ⑩ و ③ :  
 $B, S, FS$   $\xrightarrow{\text{نقل على}} (B, F), (S)$

لدينا  $FS$  جولد من القاعدة ⑥ لذلك نضع  $B$  في المربع ⑭

المربع ⑯ : بالاعتماد على المربعين ⑨ و ⑤ :

$H, A, HE$   $\xrightarrow{\text{نقل على}} (H), (A, E)$

جميع هذه النواتج غير مولدة من قواعد اللغة.

بالترتيب نضع  $B$  في المربع ⑭

المربع ⑰ : بالاعتماد على المربعين ④ و ⑪ :

$B, G, FG$   $\xrightarrow{\text{نقل على}} (B, F), (G)$

$FG$  جولد من القاعدة ④ لذلك نضع  $A$  في المربع ⑮

المربع ⑱ : بالاعتماد على المربعين ⑩ و ⑥ :

$S, A, SF$   $\xrightarrow{\text{نقل على}} (S), (A, E)$

جميع هذه النواتج غير مولدة لقواعد اللغة.

بالترتيب سضع A في المربع (5)

المربع (16) : الاعقاد في المربع (13) و (10) :

$$(A, E), (\emptyset) \rightarrow A, E$$

هذه التوازي غير مؤداه قواعد اللغة

(2) الاعقاد في المربع (7) و (3) :

$$(S), (H) \rightarrow SH$$

التوازي غير مؤداه قواعد اللغة

(3) الاعقاد في المربع (12) و (4) :

$$(B), (B, F) \rightarrow BB, BF$$

انته BB مؤداه القاعدة (7) اذ سضع H في المربع (16)

بالترتيب سضع فقط H في المربع (16)

المربع (17) : الاعقاد في المربع (2) و (14) :

$$(B, F), (B) \rightarrow BB, FB$$

انته BB مؤداه القاعدة (7) لذلك سضع H في المربع (17)

(3) الاعقاد في المربع (8) و (7) :

$$(H), (S) \rightarrow HS$$

غير مؤداه قواعد اللغة

(3) الاعقاد في المربع (13) و (5) :

$$(\emptyset), (A, E) \rightarrow A, E$$

التوازي غير مؤداه قواعد اللغة

بالترتيب سضع H في المربع (17)

المربع (18) : الاعقاد في المربع (3) و (15) :

$$(B, F), (A) \rightarrow BA, FA$$

FA مؤداه القاعدة (1) لذلك سضع S في المربع (18)

(3) الاعقاد في المربع (9) و (11) :

$$(H), (G) \rightarrow HG$$

غير مؤداه قواعد اللغة

3) الاعتقاد المرئي  $(14)$  و  $(6)$  :

$$(B), (A, E) \rightarrow BA, BE$$

النواحي غير مولدة من قواعد اللغة

المربع  $(18)$  :  $(A, E)$  يضع  $S$  المربع

المربع  $(19)$  : الاعتقاد المرئي  $(17)$  و  $(14)$  :

$$(A, E), (H) \rightarrow AH, EH$$

النواحي غير مولدة من القاعدة  $(6)$  لذلك يضع  $B$  المربع  $(19)$

المربع  $(14)$  الاعتقاد المرئي  $(7)$  و  $(14)$  :

$$(S), (B) \rightarrow SB$$

غير مولدة من قواعد اللغة

المربع  $(12)$  الاعتقاد المرئي  $(10)$  و  $(12)$  :

$$(B), (S) \rightarrow BS$$

غير مولدة من قواعد اللغة

المربع  $(16)$  الاعتقاد المرئي  $(5)$  و  $(16)$  :

$$(H), (A, E) \rightarrow HA, HE$$

النواحي غير مولدة من قواعد اللغة

المربع  $(19)$  يضع  $B$  المربع  $(19)$

المربع  $(20)$  : الاعتقاد المرئي  $(18)$  و  $(20)$  :

$$(B, F), (S) \rightarrow BS, FS$$

$FS$  مولدة من القاعدة  $(6)$  لذلك يضع  $B$  المربع  $(20)$

المربع  $(8)$  الاعتقاد المرئي  $(15)$  و  $(8)$  :

$$(H), (A) \rightarrow HA$$

غير مولدة من قواعد اللغة

المربع  $(13)$  الاعتقاد المرئي  $(11)$  و  $(13)$  :

$$(\emptyset), (G) \rightarrow G$$

غير مولدة من قواعد اللغة

المربع  $(17)$  الاعتقاد المرئي  $(6)$  و  $(17)$  :

$$(H), (A, E) \rightarrow HA, HE$$

النواحي غير مولدة من قواعد اللغة

التربايع نضع B في المربع (20)

المربع (21) لا الاعتقاد في المربعين (1) و (2)

$(A, E), (B) \rightarrow AB, EB$

EB منه مولد من القاعدة (1) لذلك نضع S في المربع (21)

لا الاعتقاد في المربعين (7) و (8) :

غير مولد من قواعد اللغة  $(S), (S) \rightarrow SS$

لا الاعتقاد في المربعين (12) و (15) :

غير مولد من قواعد اللغة  $(B), (A) \rightarrow BA$

لا الاعتقاد في المربعين (16) و (11) :

غير مولد من قواعد اللغة  $(H), (G) \rightarrow HG$

لا الاعتقاد في المربعين (19) و (6) :

$(B), (A, E) \rightarrow BA, BE$

النوع غير مولد من قواعد اللغة

بالتربايع نضع في المربع (21) الترميز (A)

وعما أنه رمز البداية S ثم الجارة في آخر مربع آخر الترميز

تنتهي للغة الخوذة بالقواعد المذكورة سابقاً

