



تعقيد الخوارزميات

Algo. complexity

(دراسة كلفة الخوارزميات)

تختلف الكلفة عن التعقيد قليلاً

- * في التعقيد يهتمني الخوارزمية إلى أي صنف تنتمي وكيف يكون تسارعها وكيف يزيد زمن تنفيذها مقارنة مع حجم المعطيات (حجم الدخل)
- * عندما يزيد حجم الدخل للخوارزمية كيف يتزايد الزمن؟؟
- هل الزمن خطي أم تربيعي أم أسّي أم لوغاريتمي
- * إذا زدنا حجم المعطيات المدفلة بكل خطي هل زمن تنفيذ الخوارزمية يتزايد بكل خطي أم يتغير إلى أسّي أو لوغاريتمي أو ...
- * لا يكفي فقط أن تقل الخوارزمية المسألة
- * في كلفة الخوارزمية لدينا محورين أساسيين: 1- الزمن 2- الذاكرة

أرغب بالحصول على خوارزميات وبالتالي عليك براجع أي تنفيذ يستهلك أقل قدر ممكن من الذاكرة ويتم التنفيذ بأقصى وقت ممكن.

حجم المسألة: هو عبارة عن حجم المعطيات، مثلاً إذا كانت المسألة هي عمل مائة صفحة فإن حجم المسألة هو بعد الصفحة.

زمن تنفيذ الخوارزمية: هو الزمن اللازم لتنفيذ الخوارزمية بجميع خطواتها أي هو مجموع زمن كل خطوة من خطواتها.

العامل الأساسي لحساب زمن التنفيذ هو أن نحرف أن أصعب زمن تنفيذ كل عملية (بسيطة أو مركبة) من عمليات الخوارزمية.

- * كيف أصعب زمن تنفيذ خوارزمية؟؟ إن الحاسب لا ينفذ خوارزمية
- * لماذا أريد حساب تنفيذ خوارزمية؟؟ إن لكل مسألة أكثر من طريقة للحل وكل طريقة هي خوارزمية ونحن نفضل الخوارزمية الأفضل التي كلفتها أقل
- * لماذا نحسب كلفة خوارزمية وليس كلفة برنامج (كتنفيذ) مع العلم أن حساب كلفة تنفيذ برنامج أسهل؟؟ 1- المعالجات مختلفة صا حاسب إلى حاسب
- 2- اختلاف تطور الأدوات مما ينقلنا إلى منهجية 3- اختلاف لغات البرمجة المتعددة
- 4- اختلاف إدارة المترجمات 5- اختلاف خبرة المبرمجين

1 / 1 / قد أقوم بحل كلفة جميع العمليات وقد افترضنا عملية واحدة من العمليات
وأنه كلفتها «العملية الأساسية التي تقوم عليها الآلة»

الكلفة (الزمن) في أمن الأفعال: بفرض لدينا خوارزمية A وحجم الآلة هو D غالباً n وبفرض كلفة الخوارزمية هي $cost_A(d)$ أي كلفة الخوارزمية من أجل مجموعة المعطاة (الدخل) d عندئذ:

غير متناهية
خالتنفيذ
على أمن
الواقع غير
صحي

$\min \{ cost_A(d_i) : \forall d_i \in D \}$ حيث D مجموعة جميع المعطيات الممكنة للآلة
هو كلفة الخوارزمية في أمن الأفعال.

الكلفة في أسوأ الأحوال:

$\max \{ cost_A(d_i) : \forall d_i \in D \}$ الكلفة الوسطية:

$Average_A = \sum_{d_i \in D} p(d_i) cost_A(d_i)$ حيث $p(d_i)$ هو احتمال اختيار المعطاة d_i في حال تساوي الاحتمالات فإن:

$$Average_A = \frac{1}{\|D\|} \sum_{d_i \in D} cost_A(d_i)$$

مثال:
خوارزمية A $\left[\begin{array}{l} \text{زا} = \text{ن} \\ \text{while } (\text{ن} \leq n \text{ and } L[\text{ن}] \neq x) \\ \quad \text{[ن] = [ن] + 1 \\ \text{if } (\text{ن} > n) \text{ ن} = 0 \end{array} \right.$

خوارزمية تقوم بإرجاع دليل فائتة أول ظهور للعنصر x في المتجه L أو الـ 0 في حال عدم وجوده «متجه تبدأ بـ 1 تنتهي بـ n»

* ماهي الكلفة في أمن الأفعال بالنسبة لعدد عمليات المقارنة \neq ؟؟

$$\min_A = L \quad (\text{طالما يكون x في أول خانة})$$

* الكلفة في أسوأ الأحوال

$$\max_A = n \quad (\text{عدم وجود العنصر x في المتجه})$$

* الكلفة الوسطية:

نقسم D إلى $D_{i,n}$ كوي جميع المتجهات التي يظهر فيها x لأول مرة في الموقع i

$$cost_A(d) = i$$

و إلى $D_{0,n}$ كوي جميع المتجهات التي لا يظهر فيها x

$$cost_A(d) = n$$

بفرض أن q هو احتمال وجود x في صيغة ما فيكون $1-q$ هو احتمال عدم وجود x في صيغة

$$\text{Average}_A = \sum_{d \in D_{i,n}} p(d) \cos_A(d) + \sum_{d \in D_{0,n}} p(d) \cos_A(d)$$

$$= \frac{q}{n} \sum_{i=1}^n i + \frac{1-q}{n} \sum_{i=1}^n n$$

$$= \frac{q}{n} \left(\frac{n(n+1)}{2} \right) + \frac{(1-q)}{n} n^2$$

$$= \frac{q}{2} (n+1) + (1-q)n$$

* $q = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{4}(n+1) + \frac{n}{2} = \frac{3n+1}{4}$ بفرض
 حينما صيغة احتمال وجود x = احتمال عدم وجود x

* $q = 1 \Rightarrow \frac{n+1}{2}$

حينما صيغة وأكبر x موجود فيها

* $q = 0 \Rightarrow n$

حينما صيغة وأكبر x غير موجود فيها

انتهت المحاضرة

